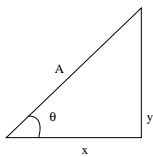
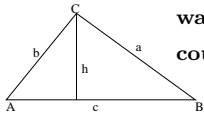


- Nome Grandezza, Simbolo, Unità equivalenti<sup>1</sup>
- radiante al secondo** Velocità angolare, rad/s
- radiante al secondo<sup>2</sup>** Accelerazione angolare, rad/s<sup>2</sup>
- newton** Forza, N, Kg·m/s<sup>2</sup>
- pascal** Pressione, Pa, N/m<sup>2</sup>
- joule** Energia, lavoro, calore, J, N·m
- watt** Potenza, flusso radiante, W, J/s
- coulomb** Quantità di elettricità, carica elettrica, potenziale elettrico, differenza di potenziale, C, A·s
- volt** Forza elettromotrice, V, N·m/C
- volt al metro** Campo elettrico, V/m, N/C
- farad** Capacità elettrica, F, A·s/V
- ohm** Resistenza elettrica, Ω, V/A
- weber** Flusso magnetico, Wb, V·s
- tesla** Induzione magnetica, T, Wb/m<sup>2</sup>, N/A·m
- henry** Induttanza, H, V·s/A
- joule al kelvin** Entropia, J/K
- joule al Kg per kelvin** Calore specifico, J/Kg·K
- watt al metro per kelvin** Conducibilità termica, W/m·K
- watt allo steradianne** Intensità radiante, W/sr



$\alpha$	$\alpha$	$\sin \alpha$	$\cos \alpha$	$\tan \alpha$
0°	0	0	1	0
30°	$\pi/6$	1/2	$\sqrt{3}/2$	$\sqrt{3}/3$
45°	$\pi/4$	$\sqrt{2}/2$	$\sqrt{2}/2$	1
60°	$\pi/3$	$\sqrt{3}/2$	1/2	$\sqrt{3}$
90°	$\pi/2$	1	0	$\infty$

- $y = A \sin \Theta$ ,  $x = A \cos \Theta$ ,  $A = \sqrt{x^2 + y^2}$
- $\Theta = \tan^{-1}(x/y)$ ,  $\sin \Theta = y/A$ ,  $\cos \Theta = x/A$ ,  $\tan \Theta = y/x$
- $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C$
- Area =  $\frac{1}{2}hc = \frac{1}{2}ab \sin C = \frac{c^2 \sin A \sin B}{2 \sin C}$

**Prodotto scalare**  $\vec{A} \cdot \vec{B} = |A||B| \cos \alpha = A_x B_x + A_y B_y + A_z B_z$ ;  $A \perp B$  nullo,  $A \parallel B$  max

**Prodotto vettoriale**  $\vec{A} \times \vec{B} = |A||B| \sin \alpha = \vec{i}(A_y B_z - A_z B_y) + \vec{j}(A_z B_x - A_x B_z) + \vec{k}(A_x B_y - A_y B_x)$ ;  $A \perp B$  max,  $A \parallel B$  nullo

**Conversione** da m/s a km/h si moltiplica per 3,6; da km/h a m/s si divide per 3,6

**Conversione rad ↔ gradi**

$$180^\circ / \pi = x^\circ / y \text{ rad}$$

<sup>1</sup> Questo formulario non ha la pretesa di essere completo. Può contenere errori e imprecisioni, se ne trovate scrivetemi: Vincenzo Corcione vincenzo.c79@inwind.it

- $\bar{v} = \Delta x / \Delta t \equiv$  pendenza della retta
- $\lim_{\Delta t \rightarrow 0} \Delta x / \Delta t \equiv$  pendenza della tg  $\equiv$  derivata di  $x = x(t)$  rispetto a t
- $\bar{a} = \Delta v / \Delta t \equiv$  der. della vel. rispetto a t

**Moto uniformemente accelerato :**

- $v = v_0 + at$
- $x = x_0 + v_0 t + (1/2)at^2$
- $\bar{v} = (v_0 + v)/2$
- $a = (v - v_0)/t$

**Caduta libera :**

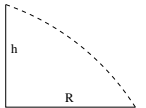
- $v_y = gt$
- $h = (1/2)gt^2$

**Lancio verso l'alto :**

- $h = v_{0y}t - (1/2)gt^2$
- $h_{\max} = (v_0^2)/(2g)$

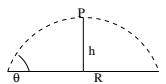
**Lancio dall'alto :**

- $t = \sqrt{(2h)/g}$
- $h = (1/2)gt^2$
- $R = v_0 \sqrt{(2h)/g}$
- $v_0 = R \sqrt{g/(2h)}$
- $v_y = \sqrt{2gh}$
- $a_x = 0$
- $a_y = -g$



**Formule utili :**

- $x - x_0 = ((v + v_0)/2)t$  spostamento in funzione del tempo
- $x - x_0 = vt - (1/2)at^2$  spostamento eliminando  $v_0$
- $v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$
- $x - x_0 = (v^2 - v_0^2)/(2a)$  spostamento in funzione di  $v_0, v, a$



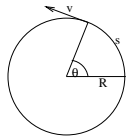
**Lancio 2d :**

- $x(t) = v_{0x}t$
- $y(t) = v_{0y}t - (1/2)gt^2$
- $v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2}$
- $v_x = v \cos \Theta$
- $v_y = v \sin \Theta$
- $\Theta = \tan^{-1}(v_{0y}/v_{0x})$
- $t_P = v_{0y}/g$
- $t_R = 2t_h$
- $h_{\max} = v_{0y}^2/2g$

10.  $2\Theta = \sin^{-1}(gR/v_0^2)$  angolo di lancio
11.  $\sin 2\Theta = (Rg/v_0^2)$  max gittata per  $\pi/2$
12.  $R = (v_0^2 \sin 2\Theta)/g = (2v_{0x}v_{0y})/g$  gittata

**Moto circolare :**

1.  $f = 1/T$
2.  $v = (2\pi R)/T = 2\pi Rf = \omega R$
3.  $\omega = \Theta/T = 2\pi/T = 2\pi f = v/R$
4.  $a_c = (2\pi v)/T = v^2/R = \omega^2 R = (4\pi^2 R)/T^2$
5.  $T = (2\pi)/\omega$
6.  $F_c = m\omega^2 R = m(v^2/R)$
7.  $x(t) = R \cos \omega t$
8.  $y(t) = R \sin \omega t$
9.  $v_x = -\omega R \sin \omega t$
10.  $a_x = -\omega^2 R \cos \omega t = -\omega^2 x$

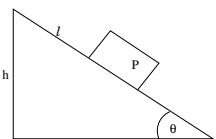


**Urti :**

1.  $\vec{p} = m\vec{v}$  quantità di moto
2.  $p = \sqrt{p_x^2 + p_y^2 + p_z^2}$
3.  $I = \vec{F}t$
4. centro di massa =  $(m_1x_1 + m_2x_2)/(m_1 + m_2)$  (2 corpi)
5.  $v_{cdm} = (m_1v_1 + m_2v_2)/(m_1 + m_2)$
6.  $V_1 = v_1(m_1 - m_2)/(m_1 + m_2)$   
 $V_2 = v_1(2m_1)/(m_1 + m_2)$  velocità dopo urto elastico 1 dimensione
7.  $v_1^2 = V_1^2 + V_2^2 + 2V_1V_2 \cos \alpha$  urto elastico 2 dimensioni; se  $m_1 = m_2 \Rightarrow \alpha = 90^\circ$
8.  $V_1 = (v_1(m_1 - m_2)/(m_1 + m_2)) + v_2(2m_2)/(m_1 + m_2)$   
 $V_2 = (v_1(2m_1)/(m_1 + m_2)) + v_2(m_2 - m_1)/(m_1 + m_2)$  velocità dopo urto elastico 1 dimensione con bersaglio in moto
9.  $v = (m_1v_1 + m_2v_2)/(m_1 + m_2)$  velocità dopo urto anelastico
10.  $\mu = (m_1m_2)/(m_1 + m_2)$  massa ridotta

**Attrito :**

1.  $\mu_s = (F_a)_s/F_N$  coeff. attr. statico
2.  $\mu_d = (F_a)_d/F_N$  coeff. attr. dinamico
3.  $F_N = mg \cos \Theta$  forza normale
4.  $\mu_n = mg\mu = F$



**Piano inclinato :**

1.  $F = Ph/l = P \sin \Theta$

2.  $P = mg$
3.  $a = gh/l$
4.  $t = l\sqrt{2/(gh)}$
5.  $v = \sqrt{2gh}$

**Molla :**

1.  $\omega = \sqrt{k/m} = 2\pi/T$
2.  $T = 2\pi/\omega = 2\pi\sqrt{m/k}$
3.  $v_{max} = \omega x_0 = x_0\sqrt{k/m}$
4.  $x = x_0 \cos \omega t, \Delta x = v(m/k)^2$
5.  $F = -kx$  forza elastica
6.  $(1/2)kx_0^2$  energia potenziale elastica;  $v = \omega\sqrt{x_0^2 - x^2}$
7.  $W = (1/2)kx_0^2$  lavoro necessario per allungare la molla di  $x_0$

**Pendolo :**

1.  $\omega = 2\pi/T = \sqrt{g/l} = v/l$
2.  $T = 2\pi/\omega = 2\pi\sqrt{l/g}$
3.  $v = \sqrt{2gh}$
4.  $h = l(1 - \cos \Theta)$
5.  $v_p = ((m_p + M)/m_p)\sqrt{2gh}$  vel. del proiettile (pendolo balistico)
6.  $\omega = \sqrt{mgd/I}$  pendolo composto
7.  $T = 2\pi\sqrt{I/mgd}$  pendolo composto

**Moto armonico :**

1.  $x = x_0 \cos \omega t = A \cos(\omega t + \phi)$  con  $A =$  ampiezza,  $\phi =$  fase
2.  $a(t) = -\omega^2 x(t)$  caratteristica del moto armonico
3. velocità =  $-\omega A \sin(\omega t + \phi)$
4. accelerazione =  $-\omega^2 A \cos(\omega t + \phi)$

**Relazione del moto armonico con il moto circolare uniforme**

1.  $x = R \cos(\omega t + \phi)$
2.  $T = 2\pi/\omega$
3.  $y \rightarrow \phi' = y - \pi/2$

**Moto rotazionale (corpi estesi) :**

1.  $\omega \equiv d\Theta/dt$  velocità angolare;  $v = R\omega$  con  $\Theta$  in rad
2.  $\alpha = d^2\Theta/dt^2$  accelerazione angolare;  $a = R\alpha$
3.  $\Theta = \Theta_0 + \omega_0 t + (1/2)\alpha t^2$
4. Se è un moto circolare uniforme:  $f =$  numero di giri al secondo;  $v = 2\pi Rf$ ;  $\omega = 2\pi f$  con  $\omega$  in rad/s

- $\vec{L} = \vec{r} \times \vec{p}$  momento angolare con  $\vec{p} =$  quantità di moto e  $\vec{r} =$  vettore dall'origine a  $\vec{p}$

**Centro di massa :**

- $v_{cm} = (\Sigma m_i v_i) / \Sigma m_i$
- $\vec{R}_{cm} = \Sigma m_i \vec{r}_i / \Sigma m_i$  baricentro
- $\vec{T} = d\vec{L} / dt$
- $k = (1/2)mv_{cm}^2 + k', k' =$ energia cinetica misurata nel sistema del c.d.m.

**Momento di inerzia (m.i.) :**

- $T = I\alpha$  momento delle forze, con  $\alpha$  accelerazione angolare
- $I = \Sigma r_i^2 \Delta m_i$  momento di inerzia;  $I\omega$  momento angolare
- $k = (1/2)I\omega^2$  energia cinetica
- $I = I_{cm} + Mh^2$  teorema di Huygens-Steiner
- $mR^2$  m.i. anello
- $(1/2)R^2$  m.i. cilindro
- $(ml^2)/12$  m.i. sbarra
- $(2/5)mR^2$  m.i. sfera piena
- $(2/3)mR^2$  m.i. sfera vuota
- $(3/2)mR^2$  m.i. disco (rispetto ad un asse periferico)

**Oscillazioni smorzate :**

- $\vec{R} = -b\vec{v}$
- $F_{Tot} = ma = -kx - bv$
- $x(t) = Ae^{-(b/2m)t} \cos(\omega t + \phi)$
- $\omega = \frac{\sqrt{(k/m) - (b/2m)^2}}{\sqrt{\omega_0^2 - (b/2m)^2}}$ , con  $\omega_0 =$  pulsazione in assenza di smorzamento

**Varie :**

- $P = F\Delta x$
- $W = (1/2)mv_B^2 - (1/2)mv_A^2$ ,  $W = \vec{F}_S \vec{S}$  lavoro
- $\vec{F}_S = F \cos \alpha$  componente del lavoro nella direzione dello spostamento

**Elettricità :**

- $\epsilon_0 = 8.85 \cdot 10^{-12} C^2 / Nm^2$  costante dielettrica nel vuoto
- $k_0 = 1 / (4\pi\epsilon_0) = 8.99 \cdot 10^9 Nm^2 / C^2$
- $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} (T \cdot m) / A = 12.56 \cdot 10^{-7}$  henry/m, permeabilità magnetica nel vuoto

- $F = k_0(q_1q_2)/r^2$  Legge di Coulomb nel vuoto

- $p \equiv Q \cdot L$  momento del dipolo
- $F = qk_0p/r^3$  forza del dipolo sulla carica q
- $\vec{E} = \vec{F}/q$  campo elettrico
- $\vec{E} = (k_0Q/r^2)\vec{r}$  campo elettrico generato da una carica puntiforme
- $\oint \vec{E} d\vec{A} = 4\pi k_0 Q_{int} = (1/\epsilon_0) Q_{int}$  Teorema di Gauss, se  $Q_{int} = 0$  allora # linee entranti = # linee uscenti

- $\Delta \vec{\phi} = \vec{E} \Delta \vec{A}$  flusso
- $\phi = \int_S \vec{E} d\vec{A}$  per una superficie S
- $\oint \vec{E} d\vec{A} = 4\pi k_0 Q$  per una carica puntiforme e una superficie chiusa qualunque
- $U_B - U_A = (qQ/r)k_0$  potenziale elettrico per il campo elettrico, Q puntiforme
- $V \equiv U/q$ ,  $V = (k_0Q)/r$  Potenziale elettrostatico = energia potenziale per unità di carica, conduttore sferico con carica superficiale Q
- $\Delta V = -Ex_0 = ED$  differenza di potenziale, D =distanza
- $E = -4\pi k_0 \sigma$  condensatore 2 strati.  $\sigma = Q/A$  densità superficiale
- $E = \sigma / (2\epsilon_0) = 2\pi k_0 \sigma$  lamina carica, cond. 1 strato
- $E = k_0(Q/r^2)$  carica a simmetria sferica a distanza  $r > R$ , se  $r < R$   $E = 0$
- $E = k_0(Q/R^3)r$  sfera uniformemente carica
- $U = (1/2)Q_0^2/C$  energia condensatore
- $U = (k_0Qq)/r = (-k_0e^2)/R$  energia potenziale elettrone accelerato
- $C = A / (4\pi k_0 x_0)$ ,  $\Delta V = Q/C$  capacità condensatore
- $C'/C = k = 1 / (1 - (q'/q_0))$  costante dielettrica,  $q'$  carica indotta
- $C' = q_0/V = q_0 / (Ex_0)$  dielettrici

**Elettrodinamica :**

- $I = Q/t$  intensità di corrente, carica per unità di tempo in  $A = C/S$

2.  $\vec{j} = \rho \cdot \vec{v}$  densità di corrente,  $\rho =$  densità di carica
3.  $I = \vec{j} \cdot \vec{A}$  corrente per unità di superficie. Se  $\vec{j}$  è variabile allora  $I = \int \vec{j} \cdot \vec{A}$
4.  $I = \mathcal{N}e\bar{v}_d A$ ,  $\bar{v}_d$  vel. media di deriva
5.  $R = V/I$  resistenza
6.  $I = qnAlv$
7.  $R = (mvx_0)/(\mathcal{N}e^2LA) = \rho x_0/A$  con  $m =$  massa elettrone,  $v =$  velocità elettrone,  $\mathcal{N} =$  num. medio di elettroni per unità di volume,  $L =$  cammino libero medio,  $\rho =$  resistività
8.  $\Delta q\xi$  energia ricevuta dalla carica,  $\xi$  forza elettromotrice
9.  $\vec{F}_E = q\vec{E}$  campo  $\vec{E}$  esercita forza su carica  $q$
10.  $F_{\text{mag}} = q\vec{v} = q\vec{v} \times \vec{B}$  forza magnetica esercitata da un campo  $B$  su una carica  $q$  che si muove con velocità  $\vec{v}$ ,  $\vec{B}$  campo magnetico
11.  $P = VI = I^2R$  potenza dissipata
12.  $R = (mv)/(qB)$ ,  $T = (2\pi m)/(qB)$  carica in movimento in un campo magnetico uniforme che percorre una circonferenza
13.  $B = |(\mu_0/2)(I_1/R_1) - (I_2/R_2)|$  campo magnetico al centro di 2 spire circolari
14.  $\vec{F} = q\vec{E} + q\vec{v} \times \vec{B}$  forza totale
15.  $E/B = -v$  rapporto  $E/B$  affinché forza totale=0
16. forza totale su una corrente =  $\Sigma$  forze nulle sulle cariche
17.  $F = I \int d\vec{s} \times \vec{B}$  forza esercitata dal campo magnetico su un elemento  $d\vec{s}$  del filo
18.  $d\vec{B} = (\mu_0/4\pi)(Id\vec{s} \times \vec{r})/r^2$  Legge di Biot e Savart,  $d\vec{s}$  =elemento di corrente,  $d\vec{B}$  = contributo al campo magnetico di  $d\vec{s}$ ,  $\mu_0 =$  permeabilità magnetica nel vuoto
19.  $B = (\mu_0 I)/(2\pi r)$  Biot e Savart per un filo  $\infty$  rettilineo
20.  $\oint \vec{B} d\vec{s} = \mu_0 I$  Legge di Ampère: è l'analogo del teorema di Gauss per calcolare il campo magnetico prodotto da correnti

21.  $\phi_0 = \int_S \vec{E} \cdot d\vec{A}$  flusso del campo magnetico; su una superficie chiusa  $\oint \vec{B} d\vec{A} = 0$  flusso in = flusso out
22.  $f_{\text{em}} = (-d\phi)/(dt)$  Legge di Faraday
23.  $\int_C \vec{E} d\vec{s} = - \int_S ((d\vec{B})/(dt))d\vec{A}$  Legge di Lenz. S=superficie, C=contorno
24.  $(v_1/v_2) = -(n_1/n_2)$  trasformatore
25.  $\int \vec{E} d\vec{A} = 4\pi k_0 Q_{\text{int}}$  Legge di Gauss<sup>2</sup>

**Termodinamica :**

1.  $PV = nRT$  equazione dei gas perfetti,  $PV =$  costante a  $T$  costante
2.  $n = m/M =$  num. moli
3.  $R = 8.31$  J/(mole k) costante universale
4.  $F = (-2mv_x)/(\Delta t) = (-mv_x^2)/d$ ,  $\Delta t = (2d)/v_x$  Forza della parete sulla molecola
5.  $F\Delta t = -2mv_x$  Teorema dell'impulso
6.  $F = (N/3)((m/d)\bar{v}_x^2)$  forza totale
7.  $P = (2/3)(N/V)(1/2)m\bar{v}^2$  pressione
8.  $C = Q/(m\Delta t)$  calore specifico
9.  $Q = Cm\Delta t$  quantità di calore trasferita
10.  $v_q = \sqrt{(3RT)/M}$ ,  $T = 2/(3k_B)(1/2)m\bar{v}^2$  velocità quadratica media;  $M =$  peso molecolare medio gr/mole;  $R =$  costante dei gas
11.  $k_B = 1.38 \cdot 10^{-23}$  J/K costante di Boltzman
12.  $C_x = (m_a c_a (T - T_a))/(m_x (T_x - T))$  calore specifico
13.  $Q_{\text{netto}} = Q_C - Q_F$
14.  $e = 1 - (Q_F/Q_C)$  rendimento
15.  $e_c = 1 - (T_f/T_c)$  macchina di Carnot
16.  $ds = d(Qr/T)$  variazione di entropia
17.  $T_{\text{eq}} = (c_1 m T_1 + c_2 m T_2)/(c_1 m + c_2 m)$  temperatura di equilibrio

**Trasformazioni :**

1. Adiabatica:  $Q = 0$ ,  $\Delta U = -W$ , il sistema si raffredda (o si riscalda). L'espansione libera  $Q = 0$ ,  $W = 0$  nessun lavoro,  $\Delta U = 0$   $T =$  costante
2. Isobara (pressione costante):  $P(v_f - v_i) =$  lavoro
3. Isocora (volume costante):  $W = 0$ ,  $\Delta U = Q$ , tutto il calore assorbito va in aumento dell'energia interna
4. Isoterma (temperatura costante): energia interna solo funzione di  $T$  per un gas perfetto,  $\Delta U = 0$ ,  $PV =$  costante

<sup>2</sup>l'integrale è quello col doppio cerchio