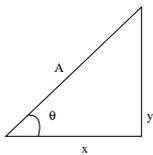
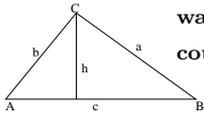


- Nome Grandezza, Simbolo, Unità equivalenti¹
- radiante al secondo** Velocità angolare, rad/s
- radiante al secondo²** Accelerazione angolare, rad/s²
- newton** Forza, N, Kg·m/s²
- pascal** Pressione, Pa, N/m²
- joule** Energia, lavoro, calore, J, N·m
- watt** Potenza, flusso radiante, W, J/s
- coulomb** Quantità di elettricità, carica elettrica, potenziale elettrico, differenza di potenziale, C, A·s
- volt** Forza elettromotrice, V, N·m/C
- volt al metro** Campo elettrico, V/m, N/C
- farad** Capacità elettrica, F, A·s/V
- ohm** Resistenza elettrica, Ω, V/A
- weber** Flusso magnetico, Wb, V·s
- tesla** Induzione magnetica, T, Wb/m², N/A·m
- henry** Induttanza, H, V·s/A
- joule al kelvin** Entropia, J/K
- joule al Kg per kelvin** Calore specifico, J/Kg·K
- watt al metro per kelvin** Conducibilità termica, W/m·K
- watt allo steradiano** Intensità radiante, W/sr



α	α	$\sin \alpha$	$\cos \alpha$	$\tan \alpha$
0°	0	0	1	0
30°	$\pi/6$	1/2	$\sqrt{3}/2$	$\sqrt{3}/3$
45°	$\pi/4$	$\sqrt{2}/2$	$\sqrt{2}/2$	1
60°	$\pi/3$	$\sqrt{3}/2$	1/2	$\sqrt{3}$
90°	$\pi/2$	1	0	∞

- $y = A \sin \Theta, x = A \cos \Theta, A = \sqrt{x^2 + y^2}$
- $\Theta = \tan^{-1}(x/y), \sin \Theta = y/A, \cos \Theta = x/A, \tan \Theta = y/x$
- $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C$
- Area = $\frac{1}{2}hc = \frac{1}{2}ab \sin C = \frac{c^2 \sin A \sin B}{2 \sin C}$

Prodotto scalare $\vec{A} \cdot \vec{B} = |A||B| \cos \alpha = A_x B_x + A_y B_y + A_z B_z; A \perp B$ nullo, $A \parallel B$ max

Prodotto vettoriale $\vec{A} \times \vec{B} = |A||B| \sin \alpha = \vec{i}(A_y B_z - A_z B_y) + \vec{j}(A_z B_x - A_x B_z) + \vec{k}(A_x B_y - A_y B_x); A \perp B$ max, $A \parallel B$ nullo

Conversione da m/s a km/h si moltiplica per 3,6; da km/h a m/s si divide per 3,6

Conversione rad ↔ gradi

$$180^\circ / \pi = x^\circ / y \text{ rad}$$

¹ Questo formulario non ha la pretesa di essere completo. Può contenere errori e imprecisioni, se ne trovate scrivetemi: Vincenzo Corcione vincenzo.c79@inwind.it

- $\bar{v} = \Delta x / \Delta t \equiv$ pendenza della retta
- $\lim_{\Delta t \rightarrow 0} \Delta x / \Delta t \equiv$ pendenza della tg \equiv derivata di $x = x(t)$ rispetto a t
- $\bar{a} = \Delta v / \Delta t \equiv$ der. della vel. rispetto a t

Moto uniformemente accelerato :

- $v = v_0 + at$
- $x = x_0 + v_0 t + (1/2)at^2$
- $\bar{v} = (v_0 + v)/2$
- $a = (v - v_0)/t$

Caduta libera :

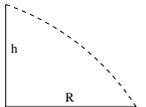
- $v_y = gt$
- $h = (1/2)gt^2$

Lancio verso l'alto :

- $h = v_{0y}t - (1/2)gt^2$
- $h_{\max} = (v_0^2)/(2g)$

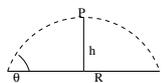
Lancio dall'alto :

- $t = \sqrt{(2h)/g}$
- $h = (1/2)gt^2$
- $R = v_0 \sqrt{(2h)/g}$
- $v_0 = R \sqrt{g/(2h)}$
- $v_y = \sqrt{2gh}$
- $a_x = 0$
- $a_y = -g$



Formule utili :

- $x - x_0 = ((v + v_0)/2)t$ spostamento in funzione del tempo
- $x - x_0 = vt - (1/2)at^2$ spostamento eliminando v_0
- $v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$
- $x - x_0 = (v^2 - v_0^2)/(2a)$ spostamento in funzione di v_0, v, a



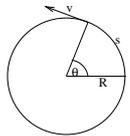
Lancio 2d :

- $x(t) = v_{0x}t$
- $y(t) = v_{0y}t - (1/2)gt^2$
- $v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2}$
- $v_x = v \cos \Theta$
- $v_y = v \sin \Theta$
- $\Theta = \tan^{-1}(v_{0y}/v_{0x})$
- $t_P = v_{0y}/g$
- $t_R = 2t_h$
- $h_{\max} = v_{0y}^2/2g$

10. $2\Theta = \sin^{-1}(gR/v_0^2)$ angolo di lancio
11. $\sin 2\Theta = (Rg/v_0^2)$ max gittata per $\pi/2$
12. $R = (v_0^2 \sin 2\Theta)/g = (2v_{0x}v_{0y})/g$ gittata

Moto circolare :

1. $f = 1/T$
2. $v = (2\pi R)/T = 2\pi Rf = \omega R$
3. $\omega = \Theta/T = 2\pi/T = 2\pi f = v/R$
4. $a_c = (2\pi v)/T = v^2/R = \omega^2 R = (4\pi^2 R)/T^2$
5. $T = (2\pi)/\omega$
6. $F_c = m\omega^2 R = m(v^2/R)$
7. $x(t) = R \cos \omega t$
8. $y(t) = R \sin \omega t$
9. $v_x = -\omega R \sin \omega t$
10. $a_x = -\omega^2 R \cos \omega t = -\omega^2 x$

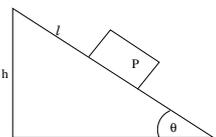


Urti :

1. $\vec{p} = m\vec{v}$ quantità di moto
2. $p = \sqrt{p_x^2 + p_y^2 + p_z^2}$
3. $I = \vec{F}t$
4. centro di massa = $(m_1x_1 + m_2x_2)/(m_1 + m_2)$ (2 corpi)
5. $v_{cdm} = (m_1v_1 + m_2v_2)/(m_1 + m_2)$
6. $V_1 = v_1(m_1 - m_2)/(m_1 + m_2)$
 $V_2 = v_1(2m_1)/(m_1 + m_2)$ velocità dopo urto elastico 1 dimensione
7. $v_1^2 = V_1^2 + V_2^2 + 2V_1V_2 \cos \alpha$ urto elastico 2 dimensioni; se $m_1 = m_2 \Rightarrow \alpha = 90^\circ$
8. $V_1 = (v_1(m_1 - m_2)/(m_1 + m_2)) + v_2(2m_2)/(m_1 + m_2)$
 $V_2 = (v_1(2m_1)/(m_1 + m_2)) + v_2(m_2 - m_1)/(m_1 + m_2)$ velocità dopo urto elastico 1 dimensione con bersaglio in moto
9. $v = (m_1v_1 + m_2v_2)/(m_1 + m_2)$ velocità dopo urto anelastico
10. $\mu = (m_1m_2)/(m_1 + m_2)$ massa ridotta

Attrito :

1. $\mu_s = (F_a)_s/F_N$ coeff. attr. statico
2. $\mu_d = (F_a)_d/F_N$ coeff. attr. dinamico
3. $F_N = mg \cos \Theta$ forza normale
4. $\mu_n = mg\mu = F$



Piano inclinato :

1. $F = Ph/l = P \sin \Theta$

2. $P = mg$
3. $a = gh/l$
4. $t = l\sqrt{2/(gh)}$
5. $v = \sqrt{2gh}$

Molla :

1. $\omega = \sqrt{k/m} = 2\pi/T$
2. $T = 2\pi/\omega = 2\pi\sqrt{m/k}$
3. $v_{max} = \omega x_0 = x_0\sqrt{k/m}$
4. $x = x_0 \cos \omega t, \Delta x = v(m/k)^2$
5. $F = -kx$ forza elastica
6. $(1/2)kx_0^2$ energia potenziale elastica; $v = \omega\sqrt{x_0^2 - x^2}$
7. $W = (1/2)kx_0^2$ lavoro necessario per allungare la molla di x_0

Pendolo :

1. $\omega = 2\pi/T = \sqrt{g/l} = v/l$
2. $T = 2\pi/\omega = 2\pi\sqrt{l/g}$
3. $v = \sqrt{2gh}$
4. $h = l(1 - \cos \Theta)$
5. $v_p = ((m_p + M)/m_p)\sqrt{2gh}$ vel. del proiettile (pendolo balistico)
6. $\omega = \sqrt{mgd/I}$ pendolo composto
7. $T = 2\pi\sqrt{I/mgd}$ pendolo composto

Moto armonico :

1. $x = x_0 \cos \omega t = A \cos(\omega t + \phi)$ con $A =$ ampiezza, $\phi =$ fase
2. $a(t) = -\omega^2 x(t)$ caratteristica del moto armonico
3. velocità = $-\omega A \sin(\omega t + \phi)$
4. accelerazione = $-\omega^2 A \cos(\omega t + \phi)$

Relazione del moto armonico con il moto circolare uniforme

1. $x = R \cos(\omega t + \phi)$
2. $T = 2\pi/\omega$
3. $y \rightarrow \phi' = y - \pi/2$

Moto rotazionale (corpi estesi) :

1. $\omega \equiv d\Theta/dt$ velocità angolare; $v = R\omega$ con Θ in rad
2. $\alpha = d^2\Theta/dt^2$ accelerazione angolare; $a = R\alpha$
3. $\Theta = \Theta_0 + \omega_0 t + (1/2)\alpha t^2$
4. Se è un moto circolare uniforme: $f =$ numero di giri al secondo; $v = 2\pi Rf$; $\omega = 2\pi f$ con ω in rad/s

- $\vec{L} = \vec{r} \times \vec{p}$ momento angolare con $\vec{p} =$ quantità di moto e $\vec{r} =$ vettore dall'origine a \vec{p}

Centro di massa :

- $v_{cm} = (\sum m_i v_i) / \sum m_i$
- $\vec{R}_{cm} = \sum m_i \vec{r}_i / \sum m_i$ baricentro
- $\vec{T} = d\vec{L} / dt$
- $k = (1/2)mv_{cm}^2 + k', k' =$ energia cinetica misurata nel sistema del c.d.m.

Momento di inerzia (m.i.) :

- $T = I\alpha$ momento delle forze, con α accelerazione angolare
- $I = \sum r_i^2 \Delta m_i$ momento di inerzia; $I\omega$ momento angolare
- $k = (1/2)I\omega^2$ energia cinetica
- $I = I_{cm} + Mh^2$ teorema di Huygens-Steiner
- mR^2 m.i. anello
- $(1/2)R^2$ m.i. cilindro
- $(ml^2)/12$ m.i. sbarra
- $(2/5)mR^2$ m.i. sfera piena
- $(2/3)mR^2$ m.i. sfera vuota
- $(3/2)mR^2$ m.i. disco (rispetto ad un asse periferico)

Oscillazioni smorzate :

- $\vec{R} = -b\vec{v}$
- $F_{Tot} = ma = -kx - bv$
- $x(t) = Ae^{-(b/2m)t} \cos(\omega t + \phi)$
- $\omega = \frac{\sqrt{(k/m) - (b/2m)^2}}{\sqrt{\omega_0^2 - (b/2m)^2}}$, con $\omega_0 =$ pulsazione in assenza di smorzamento

Varie :

- $P = F\Delta x$
- $W = (1/2)mv_B^2 - (1/2)mv_A^2$, $W = \vec{F}_S \vec{S}$ lavoro
- $\vec{F}_S = F \cos \alpha$ componente del lavoro nella direzione dello spostamento

Elettricità :

- $\epsilon_0 = 8.85 \cdot 10^{-12} C^2 / Nm^2$ costante dielettrica nel vuoto
- $k_0 = 1 / (4\pi\epsilon_0) = 8.99 \cdot 10^9 Nm^2 / C^2$
- $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} (T \cdot m) / A = 12.56 \cdot 10^{-7}$ henry/m, permeabilità magnetica nel vuoto

- $F = k_0(q_1q_2)/r^2$ Legge di Coulomb nel vuoto

- $p \equiv Q \cdot L$ momento del dipolo
- $F = qk_0p/r^3$ forza del dipolo sulla carica q
- $\vec{E} = \vec{F}/q$ campo elettrico
- $\vec{E} = (k_0Q/r^2)\vec{r}$ campo elettrico generato da una carica puntiforme
- $\oint \vec{E} d\vec{A} = 4\pi k_0 Q_{int} = (1/\epsilon_0)Q_{int}$ Teorema di Gauss, se $Q_{int} = 0$ allora # linee entranti = # linee uscenti

- $\Delta \vec{\phi} = \vec{E} \Delta \vec{A}$ flusso
- $\phi = \int_S \vec{E} d\vec{A}$ per una superficie S
- $\oint \vec{E} d\vec{A} = 4\pi k_0 Q$ per una carica puntiforme e una superficie chiusa qualunque
- $U_B - U_A = (qQ/r)k_0$ potenziale elettrico per il campo elettrico, Q puntiforme
- $V \equiv U/q$, $V = (k_0Q)/r$ Potenziale elettrostatico = energia potenziale per unità di carica, conduttore sferico con carica superficiale Q
- $\Delta V = -Ex_0 = ED$ differenza di potenziale, D =distanza
- $E = -4\pi k_0 \sigma$ condensatore 2 strati. $\sigma = Q/A$ densità superficiale
- $E = \sigma / (2\epsilon_0) = 2\pi k_0 \sigma$ lamina carica, cond. 1 strato
- $E = k_0(Q/r^2)$ carica a simmetria sferica a distanza $r > R$, se $r < R$ $E = 0$
- $E = k_0(Q/R^3)r$ sfera uniformemente carica
- $U = (1/2)Q_0^2/C$ energia condensatore
- $U = (k_0Qq)/r = (-k_0e^2)/R$ energia potenziale elettrone accelerato
- $C = A / (4\pi k_0 x_0)$, $\Delta V = Q/C$ capacità condensatore
- $C'/C = k = 1 / (1 - (q'/q_0))$ costante dielettrica, q' carica indotta
- $C' = q_0/V = q_0 / (Ex_0)$ dielettrici

Elettrodinamica :

- $I = Q/t$ intensità di corrente, carica per unità di tempo in $A = C/S$

2. $\vec{j} = \rho \cdot \vec{v}$ densità di corrente, $\rho =$ densità di carica
3. $I = \vec{j} \cdot \vec{A}$ corrente per unità di superficie. Se \vec{j} è variabile allora $I = \int \vec{j} \cdot \vec{A}$
4. $I = \mathcal{N}e\bar{v}_d A$, \bar{v}_d vel. media di deriva
5. $R = V/I$ resistenza
6. $I = qnAlv$
7. $R = (mvx_0)/(\mathcal{N}e^2LA) = \rho x_0/A$ con $m =$ massa elettrone, $v =$ velocità elettrone, $\mathcal{N} =$ num. medio di elettroni per unità di volume, $L =$ cammino libero medio, $\rho =$ resistività
8. $\Delta q\xi$ energia ricevuta dalla carica, ξ forza elettromotrice
9. $\vec{F}_E = q\vec{E}$ campo \vec{E} esercita forza su carica q
10. $F_{\text{mag}} = q\vec{v} = q\vec{v} \times \vec{B}$ forza magnetica esercitata da un campo B su una carica q che si muove con velocità \vec{v} , \vec{B} campo magnetico
11. $P = VI = I^2R$ potenza dissipata
12. $R = (mv)/(qB)$, $T = (2\pi m)/(qB)$ carica in movimento in un campo magnetico uniforme che percorre una circonferenza
13. $B = |(\mu_0/2)(I_1/R_1) - (I_2/R_2)|$ campo magnetico al centro di 2 spire circolari
14. $\vec{F} = q\vec{E} + q\vec{v} \times \vec{B}$ forza totale
15. $E/B = -v$ rapporto E/B affinché forza totale=0
16. forza totale su una corrente = Σ forze nulle sulle cariche
17. $F = I \int d\vec{s} \times \vec{B}$ forza esercitata dal campo magnetico su un elemento $d\vec{s}$ del filo
18. $d\vec{B} = (\mu_0/4\pi)(Id\vec{s} \times \vec{r})/r^2$ Legge di Biot e Savart, $d\vec{s} =$ elemento di corrente, $d\vec{B} =$ contributo al campo magnetico di $d\vec{s}$, $\mu_0 =$ permeabilità magnetica nel vuoto
19. $B = (\mu_0 I)/(2\pi r)$ Biot e Savart per un filo ∞ rettilineo
20. $\oint \vec{B} d\vec{s} = \mu_0 I$ Legge di Ampère: è l'analogo del teorema di Gauss per calcolare il campo magnetico prodotto da correnti

21. $\phi_0 = \int_S \vec{E} \cdot d\vec{A} - d\vec{A}$ flusso del campo magnetico; su una superficie chiusa $\oint \vec{B} d\vec{A} = 0$ flusso in = flusso out
22. $f_{\text{em}} = (-d\phi)/(dt)$ Legge di Faraday
23. $\int_C \vec{E} d\vec{s} = - \int_S ((d\vec{B})/(dt)) d\vec{A}$ Legge di Lenz. S=superficie, C=contorno
24. $(v_1/v_2) = -(n_1/n_2)$ trasformatore
25. $\int \vec{E} d\vec{A} = 4\pi k_0 Q_{\text{int}}$ Legge di Gauss²

Termodinamica :

1. $PV = nRT$ equazione dei gas perfetti, $PV =$ costante a T costante
2. $n = m/M =$ num. moli
3. $R = 8.31$ J/(mole k) costante universale
4. $F = (-2mv_x)/(\Delta t) = (-mv_x^2)/d$, $\Delta t = (2d)/v_x$ Forza della parete sulla molecola
5. $F\Delta t = -2mv_x$ Teorema dell'impulso
6. $F = (N/3)((m/d)\bar{v}_x^2)$ forza totale
7. $P = (2/3)(N/V)(1/2)m\bar{v}^2$ pressione
8. $C = Q/(m\Delta t)$ calore specifico
9. $Q = Cm\Delta t$ quantità di calore trasferita
10. $v_q = \sqrt{(3RT)/M}$, $T = 2/(3k_B)(1/2)m\bar{v}^2$ velocità quadratica media; $M =$ peso molecolare medio gr/mole; $R =$ costante dei gas
11. $k_B = 1.38 \cdot 10^{-23}$ J/K costante di Boltzman
12. $C_x = (m_a c_a (T - T_a))/(m_x (T_x - T))$ calore specifico
13. $Q_{\text{netto}} = Q_C - Q_F$
14. $e = 1 - (Q_F/Q_C)$ rendimento
15. $e_c = 1 - (T_f/T_c)$ macchina di Carnot
16. $ds = d(Qr/T)$ variazione di entropia
17. $T_{\text{eq}} = (c_1 m T_1 + c_2 m T_2)/(c_1 m + c_2 m)$ temperatura di equilibrio

Trasformazioni :

1. Adiabatica: $Q = 0$, $\Delta U = -W$, il sistema si raffredda (o si riscalda). L'espansione libera $Q = 0$, $W = 0$ nessun lavoro, $\Delta U = 0$ $T =$ costante
2. Isobara (pressione costante): $P(v_f - v_i) =$ lavoro
3. Isocora (volume costante): $W = 0$, $\Delta U = Q$, tutto il calore assorbito va in aumento dell'energia interna
4. Isoterma (temperatura costante): energia interna solo funzione di T per un gas perfetto, $\Delta U = 0$, $PV =$ costante

²l'integrale è quello col doppio cerchio